

Auteur : Raymond Moché

## L'algorithme qui devrait marcher, mais qui ne marche pas

```
// ABC est-il un triangle equilateral ?
xA=input("Valeur de xA ?")
yA=input("Valeur de yA ?")
xB=input("Valeur de xB ?")
yB=input("Valeur de yB ?")
xC=input("Valeur de xC ?")
yC=input("Valeur de yC ?")
x=sqrt((xB-xC)^2+(yB-yC)^2);
y=sqrt((xA-xC)^2+(yA-yC)^2);
z=sqrt((xB-xA)^2+(yB-yA)^2);
[a,b,c]=foncranger(x,y,z);
beurk="ABC est quelconque";
if ((a==b) & (b<c)) | ((a<b) & (b==c)) |
    beurk="ABC est isocèle";
elseif (a==c) then
    beurk="ABC est equilateral";
end
sortie=beurk
```

À l'aide de la commande « input », on entre les coordonnées des sommets A, B et C. Puis on calcule les longueurs  $x$ ,  $y$  et  $z$  des côtés BC, CA et AB. On les range dans l'ordre croissant à l'aide de la fonction « foncranger » qui a été définie dans l'exercice précédent. Il suffit de l'appeler, avant l'algorithme que

Cet algorithme fonctionnerait si *scilab* calculait exactement. Or ce n'est pas le cas. Aussi, si on demande à *scilab* si  $\sqrt{3}^2 + 1 = 4$ , la réponse est F (faux) :

```
-->sqrt(3)^2+1==4
ans =
F
```

Il n'existe donc pas d'algorithme qui dise qu'un triangle donné par les coordonnées de ses sommets est quelconque ou isocèle ou ... (parce qu'un ordinateur ou une calculatrice ne fait que du calcul approché).

nous examinons en ce moment, par la commande

```
exec("/Users/raymondmoché/
```

```
Magasin_scilab/AF_foncrangerxyz.sci")
```

(adresse du fichier dans mon ordinateur). Dans l'algorithme ci-contre, la suite croissante des longueurs des côtés est notée  $a, b, c$ . Ensuite, on a utilisé la commande

```
beurk="ABC est quelconque"
```

qui fait que la réponse sera la chaîne de caractères « ABC est quelconque » si l'instruction conditionnelle qui suit n'intervient pas. Cette instruction examine les cas particuliers : le triangle ABC est isocèle sans être équilatéral si «  $a = b$  » et «  $b < c$  » ou si «  $a < b$  et  $b = c$  » (« == » est l'égalité booléenne, « & » signifie « et » et « | » signifie « ou »). Le triangle est équilatéral si «  $a == c$  » (ce qui équivaut à  $a = b = c$ ). Cela se fait simplement à l'aide d'une instruction « if ... then ... elseif ... then ... end.

## Un algorithme approximatif qui suffit pratiquement

Une solution acceptable consiste à dire que nous considérons que 2 nombres  $a$  et  $b$  sont égaux  $|a - b| < 10^{-9}$  et que  $a$  est plus petit que  $b$  si  $a + 10^{-9} < b$ . C'est ce qui est fait dans l'algorithme suivant, qui est simplement l'algorithme précédent légèrement modifié.

```
// ABC est-il un triangle equilateral ?
xA=input("Valeur de xA ?")
yA=input("Valeur de yA ?")
xB=input("Valeur de xB ?")
yB=input("Valeur de yB ?")
xC=input("Valeur de xC ?")
yC=input("Valeur de yC ?")
x=sqrt((xB-xC)^2+(yB-yC)^2);
y=sqrt((xA-xC)^2+(yA-yC)^2);
z=sqrt((xB-xA)^2+(yB-yA)^2);
[a,b,c]=foncranger(x,y,z);
beurk="ABC est quelconque";
if ((abs(a-b)<10^(-9)) & (b+10^(-9)<c)) | ((a+10^(-9)<b) & (abs(b-c)<10^
(-9))) then
    beurk="ABC est isocèle ou presque isocèle";
elseif abs(a-c)<10^(-9) then
    beurk="ABC est equilateral ou presque equilateral";
end
sortie=beurk
```